



**UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERÍA**  
FACULTAD DE INGENIERÍA ECONÓMICA, ESTADÍSTICA Y CIENCIAS SOCIALES  
ESCUELA PROFESIONAL DE INGENIERÍA ECONÓMICA

**PRÁCTICA CALIFICADA 02**  
**CÁLCULO DIFERENCIAL**

Nota sobre 17

PROFESORA : ROSA FABIOLA JABO BERECHÉ  
SEMESTRE : 2021-2 (extraordinario por Pandemia COVID-19)  
FECHA : 15 DE OCTUBRE DE 2021  
DURACIÓN DE LA PRUEBA : 100 MINUTOS

**APELLIDOS Y NOMBRES DEL ALUMNO:**  
**CÓDIGO:**

**Indicaciones**

**Conectarse con cámara activada a la sesión de Google MEET asignada.**  
**Puede utilizar todo su material, de forma individual.**

1. Resolver la PC 04 de 17 puntos a mano.
2. En este documento Word, **coloque su nombre** y anexe las fotos de la resolución de cada una de las preguntas **hechas a MANO, justo debajo de cada pregunta, de forma ordenada.**
3. Guarde el documento final en formato PDF con el asunto:

**PC04\_Cálculo Diferencial\_Apellidos del alumno\_Nombres del alumno**

4. Subir el PDF creado al Aula Virtual en la actividad **Tarea: Práctica Calificada N° 04\_Evaluación SÍNCRONA**
5. **No seguir las indicaciones anteriores se sancionará con 2 puntos menos.**
6. Puede subir su PC al Aula Virtual desde las 9:30 hasta las 10:00 horas del viernes 26 de noviembre de 2021. Usted debe dejar de trabajar en la resolución de problemas a partir de las 09:40 como máximo para dedicarse a armar su archivo y subirlo. No hacerlo le puede generar posteriores problemas. NO HABRÁ TIEMPO EXTRA MÁS ALLÁ DE LAS 10:00 a.m.
7. No se reciben trabajos por correo electrónico.
8. **De encontrarse resoluciones similares en parte o totalidad de las preguntas se anularán los exámenes comprometidos y se abrirá proceso administrativo.**
9. Éxito en su examen. Sea honesto, un cambio de actitud y mejora del país empieza por cada uno de nosotros.

**PREGUNTA 1****(5 puntos)**

Dada la función definida por :

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{3-x} + 1 & ; \text{ si } x < 3 \\ (x-3)^2 + 1 & ; \text{ si } x \geq 3 \end{cases}$$

- a) (1 punto) ¿Es f continua en  $x = 2$ ?
- b) (1 punto) Calcular  $f'_+(2)$  y  $f'_-(2)$ . ¿Es la función f diferenciable en  $x = 2$ ?
- c) (3 puntos) ¿Existe recta tangente a la gráfica de f en su punto de abscisa  $x = 3$ ?

**PREGUNTA 2****(4 puntos)**

Dada la función

$$f(x) = \begin{cases} \cos^2(x) + \arctan\left(x - \frac{\pi}{2}\right) & ; \text{ si } -\pi/2 \leq x \leq \frac{\pi}{2} \\ 0 & ; \text{ si } x > \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

Determine la función derivada de f en cada punto de su dominio donde ella exista.

**PREGUNTA 3****(4 puntos)**

Halle la derivada de las siguientes funciones y su respectivo dominio. NO SIMPLIFIQUE SU RESPUESTA

- a)  $f(x) = \sqrt{8x-3x^2} + \frac{42}{\sqrt{3}} \cos^{-1}\left(1 - \frac{3}{4}x\right) + x \sec(x-6)$
- b)  $f(x) = 4 \operatorname{sen}^{-1}\left(\frac{x}{2}\right) + x\sqrt{4-x^2} - \ln\left(\frac{x \operatorname{sen}(x)}{3 + \tan(x)}\right)$

**PREGUNTA 4****(4 puntos)**

Dada la curva  $\mathcal{C}$  definida por la ecuación  $y^4 + 2 = 4x^4 + 7xy$ , hallar el área del triángulo que forma el eje Y con la recta tangente a  $\mathcal{C}$  en el punto  $(1; 2)$  y con la recta normal a la curva en dicho punto.